

Всероссийская олимпиада школьников по информатике, 2017-18 уч. год  
Тренировочный тур для школьного этапа, г. Москва  
Задания для 9-11 классов

Каждая задача оценивается в 100 баллов.

Ограничение по времени работы в каждой задаче — 1 секунда.

Задания оцениваются, только если они выдают правильный ответ на всех примерах входных и выходных данных, приведённых в условии задачи. Программа не должна выводить никаких иных сообщений, кроме того, что требуется найти в задаче. Во всех задачах целые числа во входных и выходных данных записываются только цифрами (то есть недопустимо использование записи 1000000.0 или 1e6 вместо числа 1000000). Каждое число во входных данных записано в отдельной строке.

Вы можете сдать не более 50 решений суммарно по всем задачам. Каждое сданное решение проверяется сразу же после его отправки в тестирующую систему. По каждой задаче засчитывается решение, набравшее наибольшее число баллов.

## Задача 1. Считалка

Для выбора водящего в детской игре  $N$  человек становятся в круг, после чего произносится считалка. На первом слове считалки указывается на первого человека в кругу, на втором слове — на второго человека и т. д. После  $N$ -го человека снова идёт первый человек (все люди в кругу пронумерованы числами от 1 до  $N$ , круг зацикливается, после человека с номером  $N$  идёт человек с номером 1).

Всего в считалке  $M$  слов. Определите, на какого человека придётся последнее слово считалки.

Программа получает на вход два целых положительных числа. Первое число  $N$  — количество людей в кругу. Второе число  $M$  — количество слов в считалке. Оба числа не превосходят  $10^9$ .

Программа должна вывести одно целое число от 1 до  $N$  — номер человека в кругу на которого придётся последнее слово считалки.

### Пример входных и выходных данных

Ввод	Вывод
10	
25	5

### Система оценивания

Решение, правильно работающее только для случаев, когда входные числа не превосходят 100, будет оцениваться в 60 баллов.

### Примеры оформления решения задачи

Ниже даны примеры ввода и вывода данных к этой задаче на нескольких языках программирования. Выберите один из языков программирования, допишите соответствующую программу и отправьте её на проверку с использованием одного из допустимых компиляторов.

Алгоритмический язык Интерпретатор Кумир	Язык программирования Pascal Компиляторы Free Pascal, Borland Delphi, Pascal ABC.NET
алг Задача1 нач цел n, m, result ввод n	var n, m, result: longint; begin readln(n); readln(m);

<pre>         ввод m         ...         result := ...         вывод result КОН </pre>	<pre> ...         result := ...         writeln(result); end. </pre>
<b>Язык программирования Basic</b> Компилятор Free Basic (аналог qbasic)	<b>Язык программирования Basic</b> Компилятор Mono Visual Basic
<pre> DIM n AS LONG DIM m AS LONG DIM result AS LONG INPUT n INPUT m ... result = ... ... print result </pre>	<pre> Module ProgramA Sub Main()     DIM n, m, result AS INTEGER     n = Cint(Console.ReadLine())     m = Cint(Console.ReadLine())     ...     result = ...     ...     Console.WriteLine(CStr(result)) End Sub End Module </pre>
<b>Язык программирования С</b> Компилятор GNU C	<b>Язык программирования С++</b> Компилятор GNU C++
<pre> #include&lt;stdio.h&gt; int main() {     int n, m, result;     scanf("%d%d", &amp;n, &amp;m);     ...     result = ...     printf("%d", result);     return 0; } </pre>	<pre> #include&lt;iostream&gt; using namespace std; int main() {     int n, m, result;     cin &gt;&gt; n &gt;&gt; m;     ...     result = ...     cout &lt;&lt; result;     return 0; } </pre>
<b>Язык программирования Python</b> Пример для версий 2 и 3 языка Python	<b>Язык программирования C#</b> Компилятор Mono C#
<pre> n = int(input()) m = int(input()) ... result = ... print(result) </pre>	<pre> using System; using System.IO; class Program {     static void Main() {         int n, m, result;         n = int.Parse(Console.ReadLine());         m = int.Parse(Console.ReadLine());         ...         result = ...         Console.WriteLine("{0}", result);     } } </pre>
<b>Язык программирования PHP</b> Работает в режиме CLI (без web-сервера)	<b>Язык программирования Java</b>
<pre> &lt;?php \$n = fgets(STDIN); \$m = fgets(STDIN); ... \$result = ... print \$result; ?&gt; </pre>	<pre> import java.io.*; public class Main {     public static void main(String[] args)         throws Exception {         DataInputStream in = new         DataInputStream(System.in);         int n, m, result;         n = Integer.parseInt(in.readLine());         m = Integer.parseInt(in.readLine());         ...         result = ...         System.out.println(result);     } } </pre>

## Задача 2. Конфеты

На столе стоят три вазы с конфетами. В левой вазе лежат  $A$  конфет, в средней вазе лежат  $B$  конфет, в правой вазе лежат  $C$  конфет. Лена съедает одну конфету из левой вазы, затем – одну конфету из средней вазы, затем из правой, средней, левой, средней, правой, средней и т. д. (слева направо, затем налево, опять направо и т.д.)

Если Лена хочет взять конфету из какой-то вазы, а конфет там нет, она расстраивается и идёт спать. Определите, сколько конфет съест Лена.

Программа получает на вход три целых неотрицательных числа  $A, B, C$  – количество конфет в левой, средней, правой вазе. Сумма трёх данных чисел не превосходит  $2 \times 10^9$ .

### Пример входных и выходных данных

Ввод	Выход	Примечание
3		
3		
3	7	Лена съест конфеты из левой, средней, правой, средней, левой, средней, правой вазы. После этого она захочет съесть конфету из средней вазы, но в ней уже не осталось конфет.

### Система оценивания

Решение, правильно работающее только для случаев, когда входные числа не превосходят 10, будет оцениваться в 40 баллов.

Решение, правильно работающее только для случаев, когда входные числа не превосходят 10 000, будет оцениваться в 70 баллов.

## Задача 3. Расписание кружка

Володя очень понравились задачи олимпиады по информатике, поэтому он решил ходить на занятия кружка по программированию. Придя на первое занятие кружка, он узнал, что занятия будут проходить еженедельно в один и тот же день недели. Помогите Володе составить календарь занятий до конца года – определите даты всех занятий, начиная с первого занятия и до конца года.

Программа получает на вход два числа, записанных в разных строках: номер месяца и номер дня месяца, когда проходит первое занятие. Номер месяца может быть одним из четырёх возможных чисел – 9, 10, 11, 12. Номер дня месяца – число от 1 до 30 для сентября и ноября (месяцы с номерами 9 и 11) или от 1 до 31 для октября и декабря (месяцы с номерами 10 и 12).

Программа должна вывести даты всех занятий кружка до конца года в хронологическом порядке, по одной дате в строке, сначала месяц, затем день месяца, через пробел. Занятия проходят еженедельно, в тот же день недели, что и первое занятие. Формат вывода дат такой же, как в условии. Считайте, что каникулы отсутствуют, а последнее занятие может происходить в любой день декабря, в том числе и 31 числа.

### Пример входных и выходных данных

Ввод	Выход
11	11 20
20	11 27
	12 4
	12 11
	12 18
	12 25

## Задача 4. Кратное трём число

Дано число. В этом числе необходимо изменить одну цифру таким образом, чтобы новое число делилось на 3 и было бы максимально возможным. В исходном числе нужно обязательно изменить одну цифру, даже если исходное число уже делилось на 3.

Программа получает на вход одно длинное натуральное число. Длина числа может достигать 100 цифр.

Программа должна вывести другое натуральное число, удовлетворяющее условиям:

1. Новое число должно отличаться от данного ровно одной цифрой.
2. Новое число должно делиться на 3.
3. Новое число должно быть максимально возможным из всех таких чисел.

### Пример входных и выходных данных

Ввод	Выход
123	723

### Система оценивания

Решение, правильно работающее только для случаев, когда входное число содержит не более трёх цифр, будет оцениваться в 30 баллов.

Решение, правильно работающее только для случаев, когда входное число содержит не более девяти цифр, будет оцениваться в 60 баллов.

## Задача 5. Минимальное произведение

Дана последовательность из  $N$  целых чисел (они могут быть положительными, отрицательными или равными 0). Необходимо выбрать из этих чисел два числа так, чтобы их произведение было как можно меньшим (не рассматриваются квадраты данных чисел, но можно выбрать произведение двух различных элементов последовательности, равных друг другу).

В первой строке входных данных записано целое число  $N$ ,  $2 \leq N \leq 10^5$  – количество данных чисел. Следующие  $N$  строк содержат сами числа, не превосходящие по модулю 40 000.

Программа должна вывести единственное целое число – наименьшее возможное произведение двух различных элементов этой последовательности.

### Пример входных и выходных данных

Ввод	Выход
3	
1	
-3	
2	-6

### Система оценивания

Тесты к этой задаче разбиты на четыре группы, приведённые в таблице. При этом решение обязательно должно проходить тест из условия задачи.

Кол-во баллов	Ограничение на $N$	Ограничение на значение членов последовательности
20	$2 \leq N \leq 100$	Неотрицательные
20	$2 \leq N \leq 100$	Положительные, отрицательные или ноль
20	$100 < N \leq 10^5$	Неотрицательные
40	$100 < N \leq 10^5$	Положительные, отрицательные или ноль